



نام دبیر : آقای گروسی تاریخ امتحان : ۱۳۹۹/۱۰/۲۹ زمان پاسخگویی : ۹۰ دقیقه	<b>امتحانات نوبت اول</b> <b>آمار و احتمال</b>	نام و نام خانوادگی : پایه : یازدهم کلاس :
--	--	---

ردیف	سوالات	پunte
۱	<p>جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید.</p> <p>الف) یک جمله خبری است که دقیقا درست یا نادرست باشد.</p> <p>ب) هر مجموعه نامتناهی دارای زیرمجموعه متناهی است.</p> <p>ج) علم ، بررسی یک نمونه نامعلوم از یک جامعه معلوم است.</p> <p>د) به هر عضو فضای نمونه می گوییم.</p>	۱
۱	گزاره $(p \Rightarrow q) \wedge (p \Rightarrow \sim q)$ با چه گزاره‌ای هم ارز است؟	۲
۱/۵	<p>ارزش گزاره‌های زیر را با ذکر دلیل مشخص کنید و سپس نتیجه هر یک را بنویسید.</p> <p>الف) <math>\forall x \in R \quad \sin x + \cos x = 1</math></p> <p>ب) <math>\exists x \subseteq N ; \forall y \in N \quad x &gt; y</math></p> <p>ج) <math>\forall x \in \mathbb{R}; x + \frac{1}{x} \geq 2</math></p>	۳
۱	ثابت کنید هرگاه $n$ عددی صحیح و $n^2$ مضرب ۳ باشد، آنگاه $n$ مضرب ۳ است.	۴
۱/۵	<p>اگر گزاره <math>(p \Rightarrow q) \wedge (\sim p \Rightarrow q)</math> نادرست باشد، مطلوب است ارزش گزاره‌های:</p> <p>الف) <math>p \wedge q</math></p> <p>ب) <math>\sim p \vee q</math></p> <p>ج) <math>\sim p \Rightarrow \sim q</math></p>	۵
صفحه ۱ از ۴		



نام دبیر : آقای گروسی	امتحانات نوبت اول	نام و نام خانوادگی :
تاریخ امتحان : ۱۳۹۹/۱۰/۲۹	آمار و احتمال	پایه : یازدهم
زمان پاسخگویی : ۹۰ دقیقه		کلاس :

۱/۵	<p>مجموعه متناهی A را در نظر بگیرید. اگر ۲ عضو به اعضای A اضافه کنیم، تعداد زیرمجموعه‌های آن ۴۸ واحد افزایش می‌یابد. مطلوب است:</p> <p>الف) تعداد اعضای A</p> <p>ب) تعداد زیرمجموعه‌های ۲ عضوی A</p> <p>ج) تعداد زیرمجموعه‌های غیرتنهی و سره مجموعه</p>	۶
۱/۵	<p>مجموعه‌ی <math>\{a, b, c, d, e\} = A</math> را در نظر بگیرید. تعداد افرازهای زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) شامل مجموعه‌های دو عضوی و سه عضوی باشد.</p> <p>ب) حداقل یک مجموعه‌ی دو عضوی داشته باشد.</p>	۷
۱	<p>مجموعه‌های A و B و C و D با مرجع U را در نظر بگیرید. به روش عضوگیری ثابت کنید اگر <math>C \subseteq D</math>, <math>A \subseteq B</math> آنگاه:</p> <p>الف) <math>A \cap C \subseteq B \cap D</math></p> <p>ب) <math>A \cap C \subseteq B \cup D</math></p>	۸
۲	<p>به کمک جبر مجموعه‌ها ثابت کنید:</p> <p>الف) <math>[A \cap (A' \cup B)] \cup [B' \cap (A \cup B)] = A</math></p> <p>ب) <math>[(A \cap B) - A] \cup [(A \cup B) - B] = A - B</math></p>	۹
صفحه‌ی ۲ از ۴		



نام و نام خانوادگی :  
پایه : یازدهم  
کلاس :

نام دبیر : آقای گروسی تاریخ امتحان : ۱۳۹۹/۱۰/۲۹ زمان پاسخگویی : ۹۰ دقیقه	<b>امتحانات نوبت اول</b> <b>آمار و احتمال</b>	نام و نام خانوادگی : پایه : یازدهم کلاس :
--	--	---

۱	اگر $A^2 \cup B^2$ چند عضو دارد؟ . $B = \{b, c, e, f, g\}$ و $A = \{a, b, c\}$	۱۰
۱/۵	اگر $B = [0, 2]$ و $A = (-2, 1]$ مطلوب است : الف ) نمودار $A \times B$ ب ) نمودار $A^2$ ج ) نمودار $A \times B - A^2$	۱۱
۱	دو تاس سالم را همزمان باهم پرتاب می کنیم. احتمال های زیر را بیابید. الف) مجموع دو عدد رو شده مضرب ۴ باشد. ب) مجموع دو عدد رو شده بر ۱۰ بخش پذیر باشد.	۱۲
۱	اگر $P(A' \cup B') = 0/8$ و $P(A' \cup B) = 0/7$ و $P(A \cup B') = 0/6$ را بیابید.	۱۳
صفحه ۳ از ۶		



نام و نام خانوادگی :  
پایه : یازدهم  
کلاس :

۱/۵	نام دبیر : آقای گروسی تاریخ امتحان : ۱۳۹۹/۱۰/۲۹ زمان پاسخگویی : ۹۰ دقیقه	امتحانات نوبت اول <b>آمار و احتمال</b>	نام و نام خانوادگی : پایه : یازدهم کلاس :
		<p>از مجموعه اعداد <math>\{1, 2, \dots, 100\}</math> عددی به تصادف انتخاب می‌کنیم. احتمال آن که عدد انتخابی :</p> <p>الف) برابر ۶ بخش پذیر باشد ولی برابر ۴ بخش پذیر نباشد.</p> <p>ب) برابر ۴ یا برابر ۶ بخش پذیر باشد.</p> <p>ج) برابر ۶ بخش پذیر باشد ولی برابر هر دو بخش پذیر نباشد.</p>	۱۴
۱		<p>سه فرد <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> در مسابقه‌ای شرکت می‌کنند. اگر احتمال برنده شدن <math>a</math>، <math>b</math> و <math>c</math> برابر احتمال بردن <math>a</math> و <math>b</math> باشد و احتمال برنده شدن <math>b</math> یا <math>c</math> برابر احتمال بردن <math>a</math> باشد، با توجه به اینکه مسابقه تنها یک برنده دارد، احتمال برنده شدن <math>c</math> چقدر است؟</p>	۱۵
۱		<p>در پرتاب یک تاس، احتمال مشاهده هر عدد، متناسب با همان عدد است. اگر این تاس را به هوا پرتاب کنیم، احتمال اینکه عدد مشاهده شده حداقل ۳ باشد را بدست آورید.</p>	۱۶



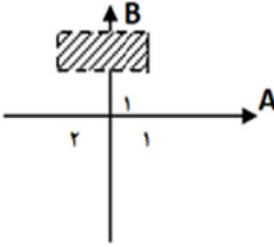
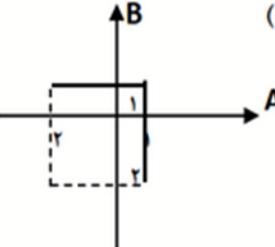
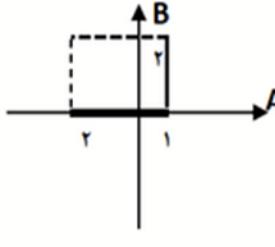
جمهوری اسلامی ایران  
وزرات آموزش و پرورش  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
دیبرستان غیردولتی مُوحَّد



نام دبیر : آقای گروسی  
تاریخ امتحان : ۱۳۹۹/۱۰/۲۹  
زمان پاسخگویی : ۹۰ دقیقه

امتحانات نوبت اول  
آمار و احتمال

نام و نام خانوادگی :  
پایه : یازدهم  
کلاس :

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضا، مدیر
۱	الف) گزاره ب) بیشمار ج) احتمال د) برآمد	
۲	$(p \Rightarrow q) \wedge (p \Rightarrow \sim q) \equiv (\sim p \vee q) \wedge (\sim p \vee \sim q) \equiv \sim p \vee (q \wedge \sim q) \equiv \sim p \vee F \equiv \sim p$	
۳	الف) نادرست، اگر $x = \pi$ داریم: $\sin \pi + \cos \pi = -1 \neq 1$ نقيض: $\exists x \in \mathbb{R}; \sin \pi + \cos \pi \neq 1$ ب) نادرست، زیرا مجموعه اعداد طبیعی از بالا کراندار نیست. نقيض: $\forall x \in \mathbb{N}; \exists y \in \mathbb{N}; x \leq y$ ج) نادرست، اگر $x = 0$ . نقيض: $\exists x \in \mathbb{R}; x + \frac{1}{x} < 2$	
۴	مساله را با کمک عکس نقيض آن ثابت می کنيم. فرض می کنيم: $n \neq 3k \rightarrow n^2 \neq 9k^2 = 3(3k^2) \rightarrow n^2 \neq 3k'$ $k' \in \mathbb{R}$	
۵	اگر $p \Rightarrow q \Rightarrow (q \Rightarrow \sim p)$ نادرست باشد، نتیجه می شود که ارزش $p$ نادرست و ارزش $q$ درست است. $(F \Rightarrow T) \equiv T$ (ج) $\sim p \vee q \equiv F \vee T \equiv T$ (ب) $p \wedge q \equiv T$ (الف)	
۶	$n(A) = n$ (الف) $2^{n+2} = 2^n + 48 \rightarrow 2^n \cdot 2^2 = 2^n + 48 \rightarrow 2^n(4 - 1) = 48 \rightarrow 2^n = 16 \rightarrow n = 4$ ج) $2^4 - 2 = 16 - 2 = 14$ ب) $\binom{4}{2} = \frac{4!}{2!2!} = 6$	
۷	الف) $5 = 3 + 2$ $\binom{5}{3} = \binom{2}{2} = 10$ ب) $5 = 3 + 2 \rightarrow$ تعداد ها افزار = 10 تعداد افزارها $\binom{5}{2} \binom{3}{2} \binom{1}{1} = 15$ تعداد افزارها $\binom{5}{2} \binom{3}{1} \binom{2}{1} \binom{1}{1} = 10$ تعداد کل افزارها = $10 + 15 + 10 = 35$	
۸	الف) $\forall x \in A \cap C \rightarrow x \subseteq A \wedge x \subseteq C \xrightarrow{A \subseteq B, C \subseteq D} x \in B \wedge x \in D \rightarrow x \in B \cap D$ ب) طبق قسمت الف: $B \cap D \subseteq B \cup D$ و می دانیم $A \cap C \subseteq B \cap D$ پس:	
۹	الف) $[A \cap (A' \cup B)] \cup [B' \cap (A \cup B)] = [(A \cap A') \cup (A \cap B)] \cup [(B' \cap A) \cup (B' \cap B)] =$ $(A \cap B) \cup (B' \cap A) = A \cap (B \cap B') = A$ ب) $[(A \cap B) - A] \cup [(A \cup B) - B] = [(A \cap B) \cap A'] \cup [(A \cup B) \cap B'] = [(A \cap A') \cap B] \cup$ $[(A \cap B') \cup (B \cap B')] = \emptyset \cup (A \cap B') = A - B$	
۱۰	الف) $n(A) = 3$ $n(B) = 5$ $n(A \cap B) = 2$ $n(A^2 \cup B^3) = n(A^3) + n(B^3) - (n(A \cap B))^2 = 3^2 + 5^2 - 2^2 = 9 + 25 - 4 = 30$	
۱۱	الف)  ب)  ج) 	

<p>الف) <math>n(S) = 36</math>      <math>P(4 \text{ مضرب}) = P(4) + P(8) + P(12) = \frac{3}{36} + \frac{5}{36} + \frac{1}{36} = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}</math></p> <p>ب) <math>P(\text{بخش پذیر } 10) = P(10) = \frac{3}{36}</math></p>	۱۲
<p><math>P(A' \cup B') = 0/8 \rightarrow 1 - P(A \cap B) = 0/8 \rightarrow P(A \cap B) = 0/2</math></p> <p><math>(A \cap B)'</math></p> <p><math>P(A \cup B') = 0/6 \rightarrow 1 - P(A' \cap B) = 0/6 \rightarrow P(B - A) = 0/4</math></p> <p><math>(A' \cap B)'</math>      <math>B - A</math></p> <p><math>\rightarrow P(B) - P(A \cap B) = 0/4 \rightarrow P(B) = 0/6</math></p> <p><math>P(A' \cup B) = 0/7 \rightarrow 1 - P(A \cap B') = 0/7 \rightarrow P(A \cap B') = 0/3 \rightarrow</math></p> <p><math>P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0/3 \rightarrow P(A) = 0/5</math></p> <p><math>P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 0/5 + 0/6 - 0/2 = 0/9</math></p>	۱۳
<p><math>n(S) = 100</math>      <math>B = \text{پیشامد آنکه برو ۶ بخش پذیر باشد}</math>      <math>A = \text{پیشامد آنکه برو ۴ بخش پذیر باشد}</math></p> <p>الف) <math>P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = \frac{\left[\frac{100}{4}\right]}{100} - \frac{\left[\frac{100}{12}\right]}{100} = \frac{25-8}{100} = \frac{17}{100}</math></p> <p>ب) <math>P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{\left[\frac{100}{4}\right] + \left[\frac{100}{6}\right] - \left[\frac{100}{12}\right]}{100} = \frac{25+16-8}{100} = \frac{33}{100}</math></p> <p>ج) <math>P((A - B) \cup (B - A)) = P(A - B) + P(B - A) = P(A) + P(B) - 2P(A \cap B) =</math></p> <p><math>\frac{\left[\frac{100}{4}\right] + \left[\frac{100}{6}\right] - 2 \times \left[\frac{100}{12}\right]}{100} = \frac{25+16-16}{100} = \frac{25}{100}</math></p>	۱۴
<p><math>P(a) = 3P(b)</math>      <math>P(\{b, c\}) = 2P(a)</math></p> <p><math>P(a) + P(\{b, c\}) = 1 \rightarrow P(a) + 2P(a) = 1 \rightarrow P(a) = \frac{1}{3}</math></p> <p><math>P(b) = \frac{1}{a} \rightarrow P(c) = 1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{9} = \frac{5}{9}</math></p>	۱۵
<p><math>S = \{1, 2, \dots, 6\}</math></p> <p><math>P(1) = x</math> , <math>P(2) = 2x</math> , <math>P(3) = 3x</math> , <math>P(4) = 4x</math> , <math>P(5) = 5x</math> , <math>P(6) = 6x</math></p> <p><math>P(S) = 1 \rightarrow x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x = 1 \rightarrow x = \frac{1}{21}</math></p> <p><math>P(3 \text{ حداقل}) = P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 3x + 4x + 5x + 6x = 18x = 18 \times \frac{1}{21} = \frac{6}{7}</math></p>	۱۶